**04.ORTOGONALIZZAZIONE**

Dato un set di vettori v = (v0 … vn-1) dove v0 è normalizzato vogliamo renderlo **ortonormale** con w = (w0 … wn-1) ovvero tutti i vettori ortogonali e normalizzati.

Applichiamo la formula di **Gram-Schmidt:**

w0 = v0 // il primo vettore copia è quello normalizzato.

Spiegazione:

Per un indice compreso tra 1 e n-1, sottraiamo il vettore attuale con la somma di tutte le proiezioni ortogonali tra i vettori normalizzati **j** e il vettore attuale **i**. Poi normalizza il nuovo vettore. Infine, passa al vettore successivo da rendere ortogonale e normalizzato.

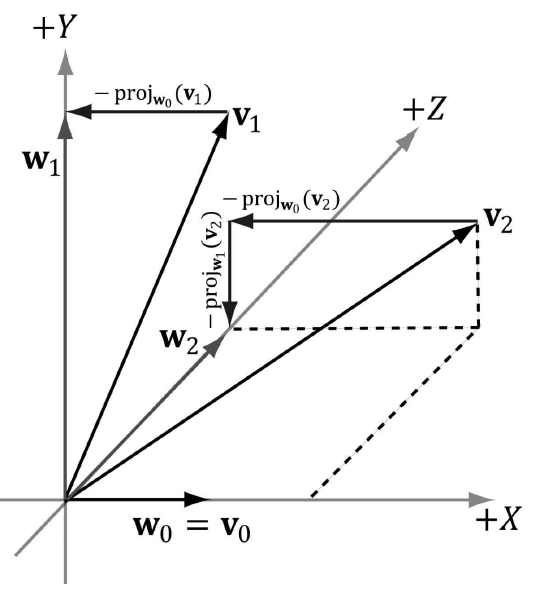
Esempio con 3 vettori:

dati v = ( con x già normalizzato, i = 1 e j = 0 in **v**

vogliamo un set ortonormale w = (), creiamo e normalizziamo

Ora creiamo e normalizziamo :

Ora tutti i vettori sono ortogonali e normalizzati, coincidono con gli assi. NOTA: x y e z sarebbero w0, w1 e w2 nell’immagine.



In breve l’ortogonalizzazione è l’operazione che sottrae le porzioni ricavate dalle proiezioni ortogonali per rendere i vettori ortogonali.